

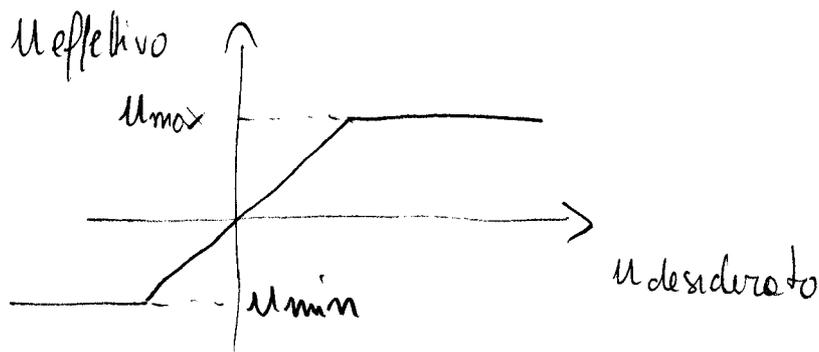
# COMPLEMENTI CONTROLLO PONO VARIABILE

①

## - EFFETTO WINDUP NEI REGOLATORI PID

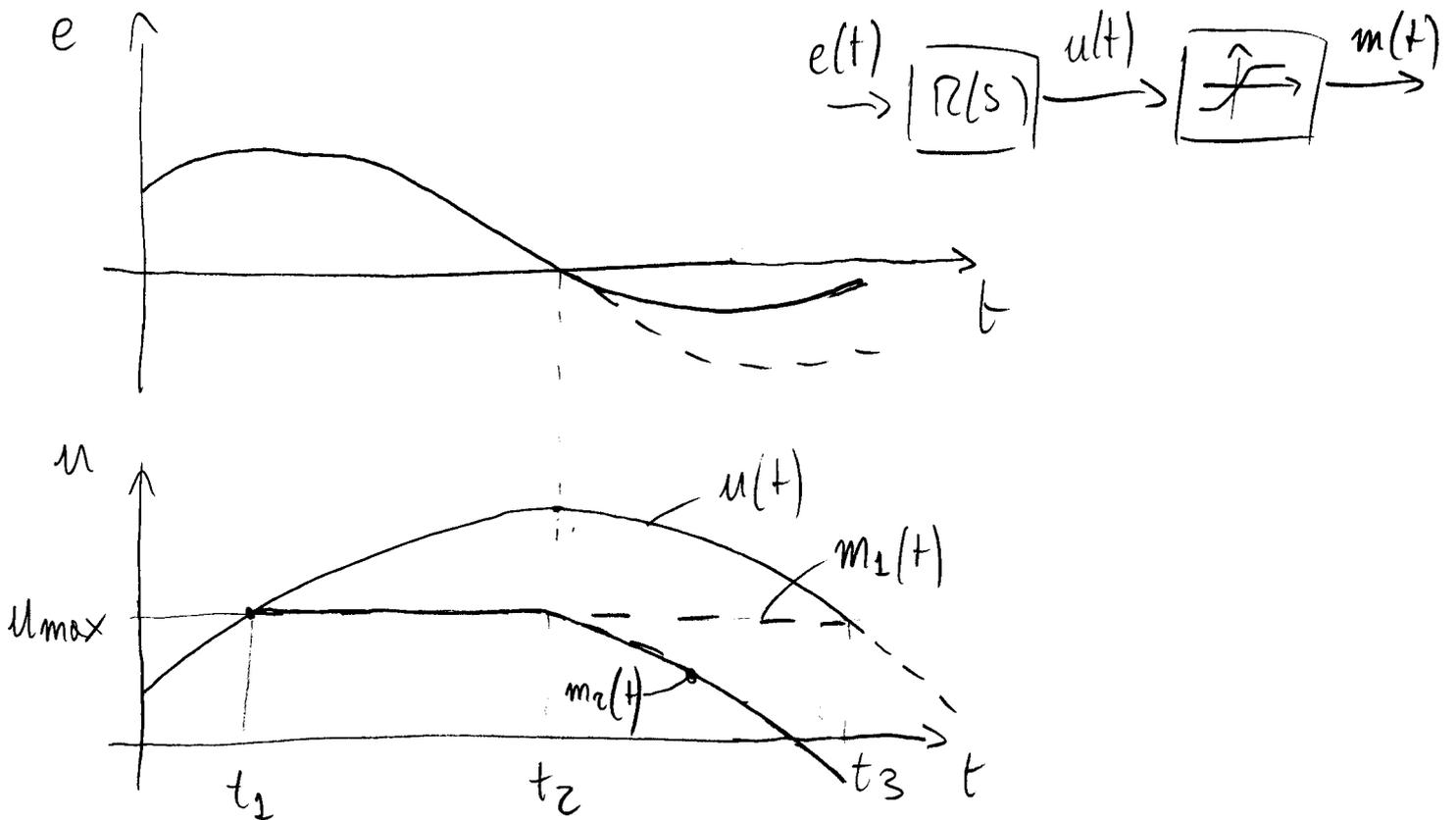
- L'analisi svolta in precedenza del funzionamento dei regolatori PID si basa sull'ipotesi di linearità dei sistemi coinvolti

- In pratica, ogni attuatore ha un valore massimo e uno minimo oltre i quali non può lavorare; può quindi essere rappresentato da una caratteristica non-lineare



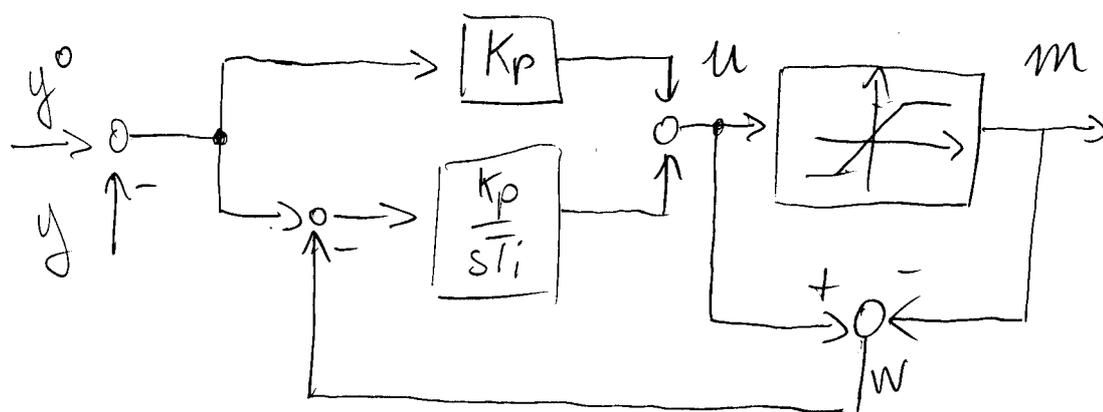
- Quando  $u > u_{\text{max}}$  o  $u < u_{\text{min}}$ , si dice che l'attuatore "setura"
- Se il regolatore ha un effetto integrale, si genera un fenomeno noto come "integrator windup" (saturazione carico integrale) che ha effetti negativi sul controllo
- Supponiamo per semplicità che il regolatore sia puramente integrale

# COMPONENTI CONTROLLO MONOVARIABLE (2)



- All'istante  $t_1$ , l'uscita del regolatore  $u(t)$  supera il valore massimo; l'attuatore fornirà il valore massimo  $u_{max}$
- All'istante  $t_2$ , l'errore cambia segno: sarebbe opportuno che la variabile di controllo  $u(t)$  cominciasse a diminuire. In realtà, essa rimane costante fino all'istante  $t_3$ , perché occorre eliminare la carica integrale accumulata da  $t_1$  a  $t_2$ . Si introduce cioè un effetto di ritardo (non lineare) che ha conseguenze negative sulle prestazioni di controllo
- Occorre quindi fare in modo che la variabile di controllo cominci a scendere vicino a  $t_2$ , cioè non appena l'errore ha cambiato segno

- In altre parole, la variabile di controllo  $u(t)$  viene calcolata tenendo anche in conto i limiti di saturazione dell'attuatore
- Ci sono diversi modi per realizzare questo tipo di funzionalità non come dispositivi o funzionalità "anti-windup"
- Un possibile modo è qui schematizzato per il caso del PI



- Finché  $u_{\min} \leq u \leq u_{\max}$ , il segnale correttivo  $w$  è nullo, quindi è come se la retroazione aggiuntiva non ci fosse, e l'uscita  $m$  del regolatore è la somma delle normali azioni proporzionale e integrale
- Se  $u \geq u_{\max}$  per un po' di tempo,  $m = u_{\max} = \text{cost}$  quindi  $w = u - u_{\max}$  viene retroazionata sull'ingresso dell'integratore, evitando che la sua uscita continui ad aumentare (wind-up). La retroazione aggiuntiva mantiene lo stato dell'integratore in modo che  $u - w \approx 0$  cioè che  $u \approx u_{\max}$ , che è esattamente l'effetto desiderato

# COMPONENTI CONTROLLO MONOVARIABILE

(4)

## - REGOLATORI ON-OFF

- Finora abbiamo supposto che sia possibile variare con continuità il valore della variabile di controllo. In qualche caso ciò non è possibile, o risulta troppo costoso. Esempi

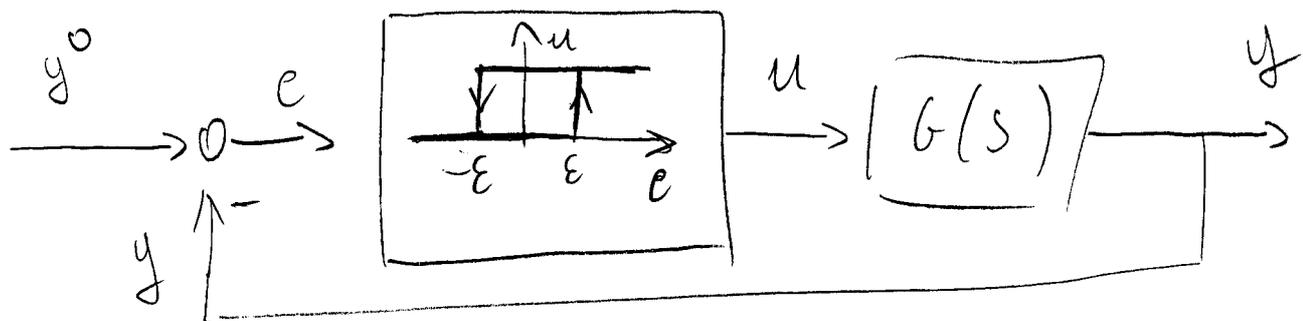
- circuiti elettrici con relé meccanici o interruttori a semiconduttore (IGBT, tiristori)
- valvole on-off non modulanti (ps.: valvole a solenoide)

- Sono possibili 2 strategie:

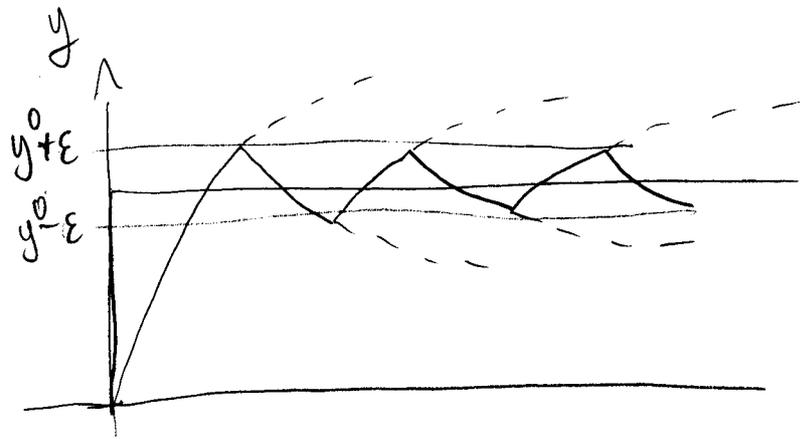
- controllo a relé
- controllo PWM (modulazione d'ampiezza d'impulsi)

## - REGOLATORI A RELÉ

- Il valore di  $u(t)$  viene deciso in base al segno di  $e(t)$ ; si introduce una certa zona di isteresi per evitare commutazioni spurie dovute all'errore di misura

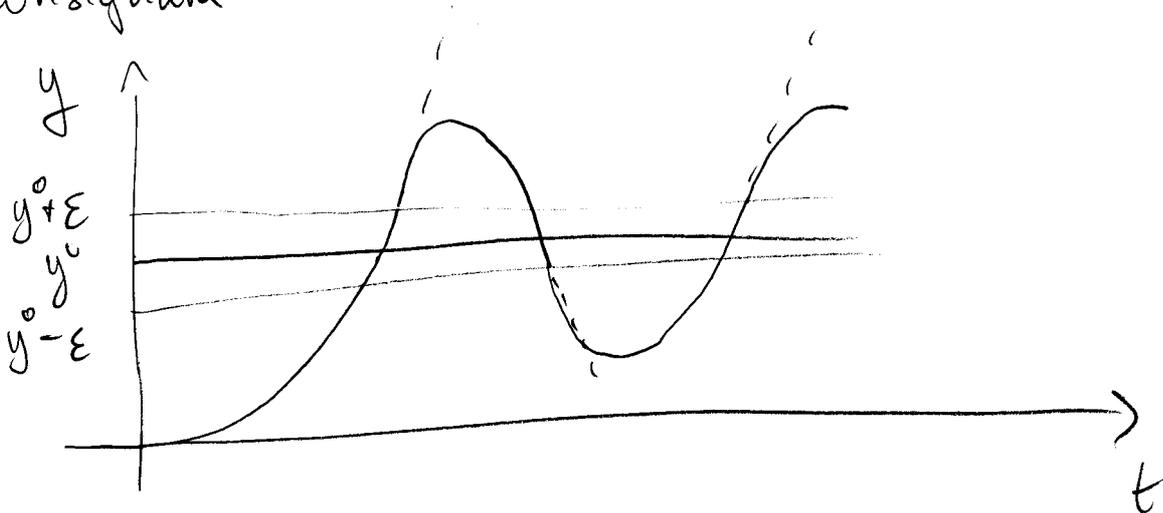


- Se  $G(s) = \frac{1}{1+ST}$ , si può valutare graficamente l'andamento della variabile controllata



→ scaldobagno elettrico

- Riducendo l'ampiezza dell'isteresi  $\bar{\epsilon}$  si ottiene una maggiore precisione del controllo, a scapito però di una frequenza di commutazione più elevata, e della possibilità di commutazioni spurie
- Se il processo da controllare ha invece un grado relativo più elevato, ovvero ritardi puri, la variabile controllata oscilla in un intervallo molto più ampio di  $\pm \epsilon \Rightarrow$  soluzione sconsigliata



# COMPLEMENTI CONTROLLO MONOVARIABILE (6)

## - CONTROLLO PWM

- In molti casi l'attuatore è di tipo on-off ma può essere acceso e spento ad intervalli di tempo molto + rapidi della dinamica dominante del sistema da controllare
- se  $G(s)$  è di tipo passa-basso con costante di tempo fondamentale  $T_p$ , si generano impulsi con un periodo  $T \ll \frac{1}{\omega_c}$ , in modo da sfruttare l'effetto passa-basso del processo da controllare, e con una ampiezza proporzionale al segnale di controllo continuo desiderato



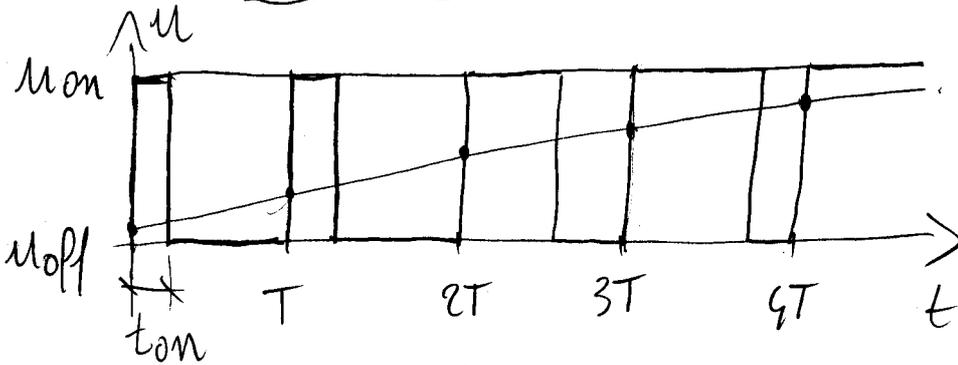
PWM:

Pulse

width

Modulation

(Modulazione  
ad ampiezza  
d'impulsi)

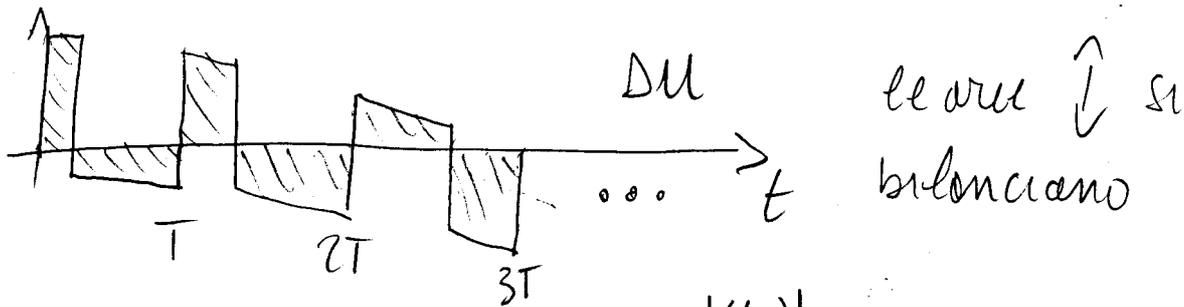
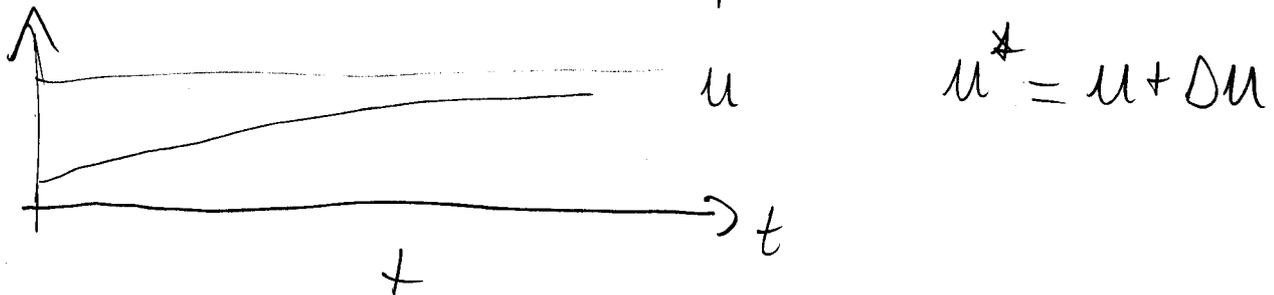


$$t_{on} = \frac{u - u_{off}}{u_{on} - u_{off}} \cdot T$$

duty-cycle

# COMPONENTI CONTROLLO MONOVARIABILE (7)

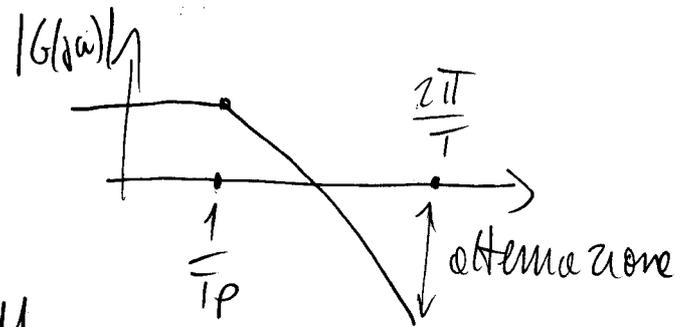
- Il segnale PWM  $u^*$  può essere visto come la sovrapposizione del "valor medio"  $u$ , che varia lentamente, e di un segnale a media nulla con frequenza fondamentale  $\frac{1}{T}$  (+ armoniche superiori)



- Se  $T \ll T_p$

la componente ad alta frequenza e media nulla  $\Delta u$

viene filtrata da  $G(s)$  (passa-basso), e rimane quindi solo l'effetto del valor medio  $u$ , che varia lentamente rispetto a  $T$

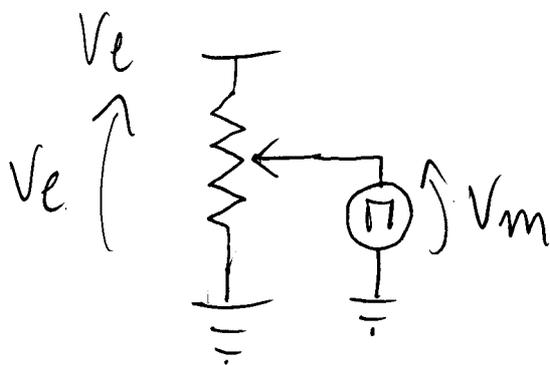


# COMPONENTI CONTROLLO FONDO VARIABILE (8)

## - APPLICAZIONE 1: CONTROLLO MOTORE IN C.C.

- la velocità di un motore in c.c. può essere controllata variando la tensione d'ingresso

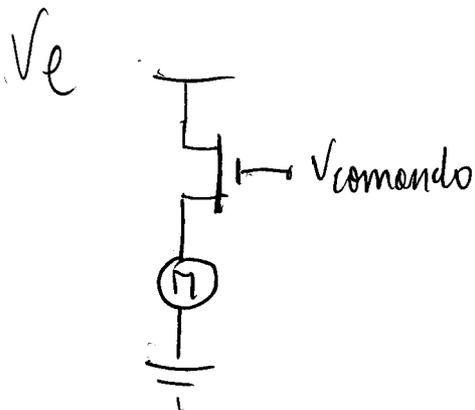
- Supponiamo di avere una tensione di linea costante  $V_e$ ; si può usare un reostato



$V_m$  si può modulare spostando il cursore

- Problema: una frazione consistente della potenza assorbita viene dissipata sul reostato - non adatto per potenze rilevanti

- Soluzione: relè a stato solido (semiconduttori) con controllo PWM



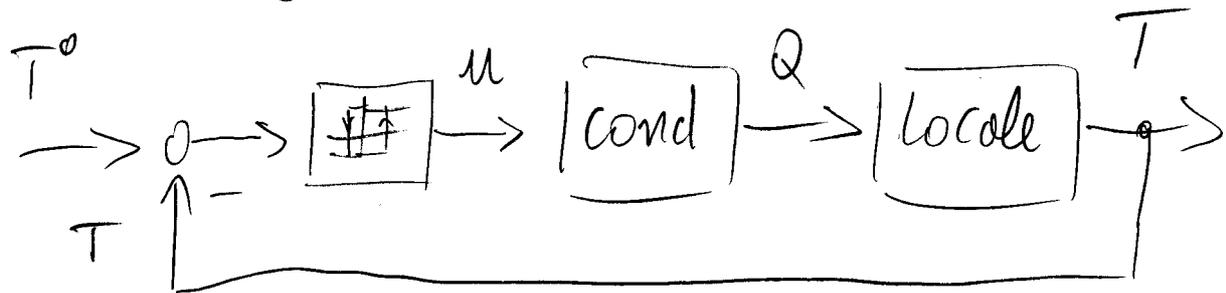
Il relè viene acceso/spento ad alta frequenza. Idealmente la dissipazione di potenza sul relè è nulla  
(0 è un circuito aperto,  $I=0$   
o è un circuito chiuso,  $V=0$ )

# COMPLEMENTI CONTROLLO MONOVARIABILE (9)

## - APPLICAZIONE 2: CONTROLLO TEMPERATURA CONDIZIONATORI

- Il motore che muove il compressore dei comuni condizionatori è alimentato da  $V_{CA} = 220 V, 50 Hz$  costante. Occorre modulare la potenza termica  $Q$  prodotta in modo da ottenere la temperatura  $T$  ambiente desiderata.

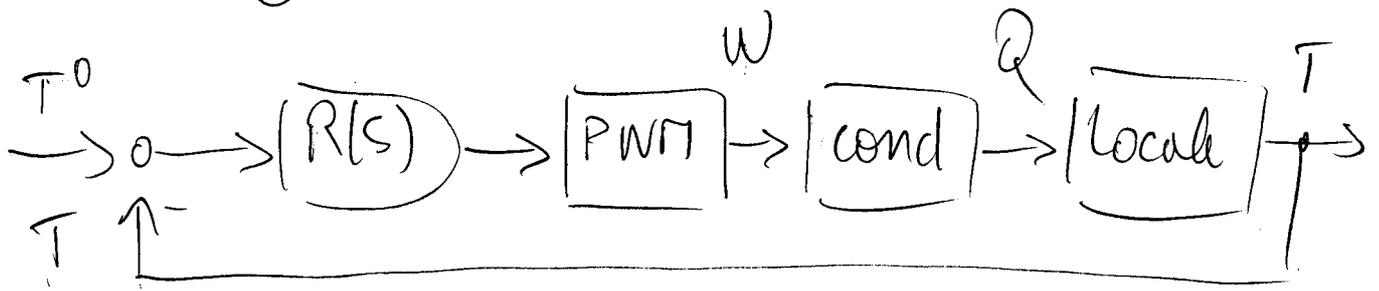
- Soluzione (1): controllo a relé



- Il comando  $u$  attacca/stacca il compressore, che quindi o è fermo o lavora a max potenza
- La soglia  $E$  va tarata in modo da evitare commutazioni frequenti, che danneggiano il compressore

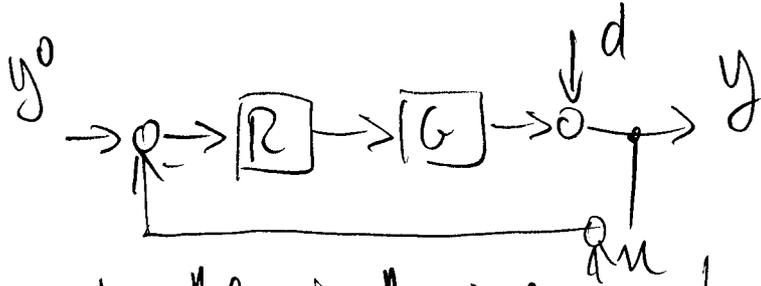
# COMPONENTI CONTROLLO MONOVARIABILE (10)

- Soluzione (2): Inverter



- In questo caso, un modulo PWM (comunemente denominato inverter, realizzato con tecnologia a semiconduttori) regola la velocità di rotazione  $\omega$  del compressore in modo continuo. La portata del compressore viene quindi ridotta in funzione del carico termico  $Q$  richiesto dall'ambiente per mantenere  $T = T^0$
- Vantaggi (1) a carico ridotto, gli scambiatori lavorano con  $\Delta T$  tra fluido refrigerante ed aria + bassi di quelli nominali, ottenendo quindi un COP + elevato e quindi minori consumi di potenza elettrica
- (2) Regolazione di temperatura + fine
- Svantaggi: l'inverter costa molto di più di un semplice relè

## - REGOLATORI A 2 GDL



- Il regolatore "classico" risolve contemporaneamente 2 pb

• Inseguimento del setpoint  $Y/Y^0 \approx 1$  (a)

• Reiezione di disturbi  $Y/D \approx 0$  (b)

in un colpo solo. Le prestazioni (a) e (b) sono legate

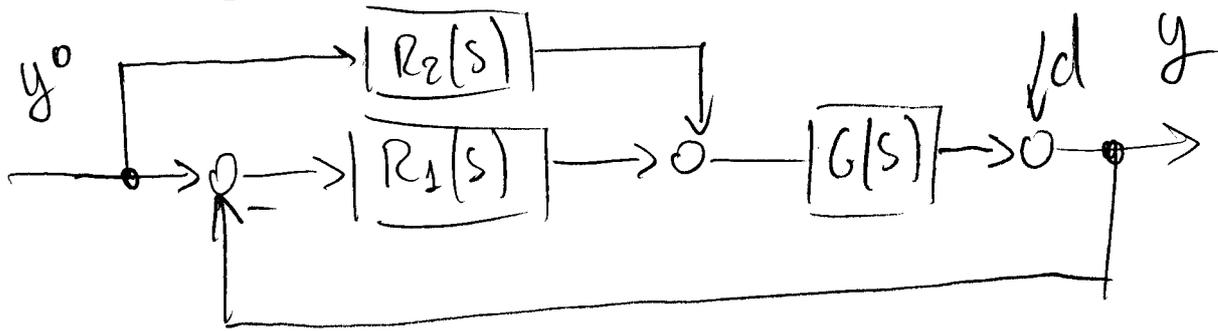
alle prestazioni  $Y/Y^0 = \frac{RG}{1+RG}$   $Y/D = \frac{1}{1+RG}$

- Può succedere che le prestazioni di tipo (a) richiedano un sistema molto più veloce di quanto non lo richiedano le specifiche su (b)

→ occorre una  $R(s)$  ad alto guadagno che amplifica inutilmente il rumore  $n$

- In questi casi si sdoppia il controllore in 2 parti, orientate ad (a) e (b) rispettivamente

- Schema ①: Compensazione del riferimento



$$Y/Y_0 = \frac{R_1 G + R_2 G}{1 + R_1 G}$$

- Ponendo idealmente  $R_2(s) = \frac{1}{G(s)}$  si ottiene  $Y/Y_0 = 1$

- In generale questo non è possibile × pb di

- consistenza (+zeri che poli)
- stabilità (zeri ed × in  $G(s)$  → poli e × in  $R_2(s)$ )

- Al solito, si cerca di fare in modo che

$$R_2(j\omega) \approx \frac{1}{G(j\omega)} \quad \text{nella banda d'interesse}$$

(NB  $R_2$  non è coinvolto nella rievazione del disturbo

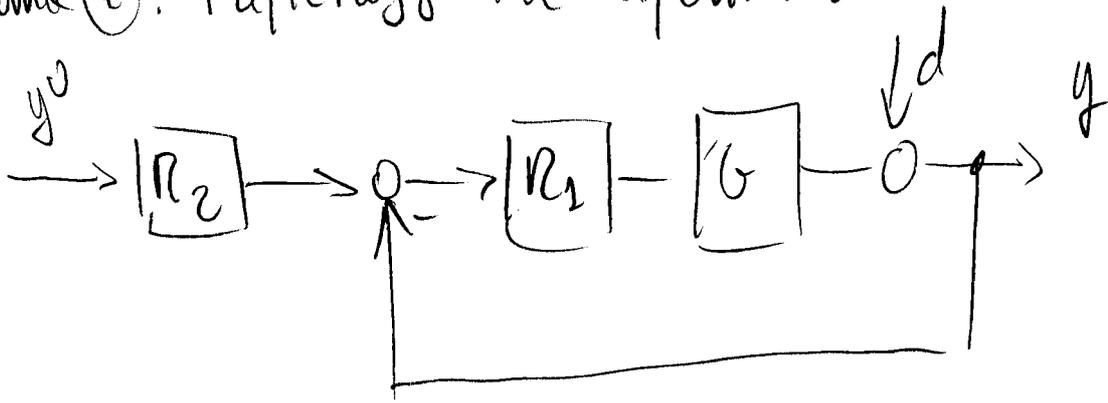
$R_1$  invece va progettato essenzialmente in base

alle specifiche su  $Y/D$ )

- Progetto del sistema di controllo :

- $R_1$ : rievazione del disturbo
- $R_2$ : inseguimento del setpoint

- Schema (2): Prefiltraggio del riferimento



$$\frac{Y}{Y^0} = R_2 \cdot F = R_2 \cdot \frac{R_1 G}{1 + R_1 G}$$

-  $R_2$  può modificare il guadagno e la banda passante di  $F$

p.es  $F \approx 0.9 \frac{1}{1+10s}$

$$R_2 = 1.11 \frac{1+10s}{1+2s}$$

$$\rightarrow \frac{Y}{Y^0} = 1 \cdot \frac{1}{1+2s}$$

+veloce

quad. statico = 1

- Diminuisce

- $R_2$  non coinvolge  $d$

- $R_1$  si progetta sulla reazione di  $d$

- Inoltre

- scelta meno robusta (staticamente) rispetto all'azione integrale in  $R_1$ : se  $\mu_F > 0.95$

$$Y/Y^0 = 1.05 \frac{1}{1+2s}$$